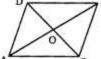
$$\begin{aligned} \hline \mathbf{q}[\mathbf{q}^{2}] \mathbf{q} = \mathbf{q} \cdot \mathbf{q}[\mathbf{q}] \\ \mathbf{q} = \mathbf{q}[\mathbf{q}] \mathbf{q} \\ \mathbf{q}] \mathbf{q} = \mathbf{q}[\mathbf{q}] \mathbf{q} \\ \mathbf{q}] \\ \mathbf{q}] \mathbf{q} \\ \mathbf{q}] \\ \mathbf{q}] \mathbf{q} \\ \mathbf{q}] \\ \mathbf{q}] \mathbf{q} \\ \mathbf{q}] \\ \mathbf{q}] \mathbf{q} \\ \mathbf{q}] \mathbf{q} \\ \mathbf{q}] \\ \mathbf{q}] \mathbf{q} \\ \mathbf{q}] \\ \mathbf{q$$

(4)

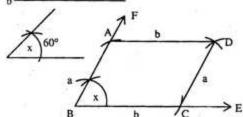
বিশেষ নির্বচন : মনে করি, ABCD রমসের AC ও BD কর্ণহয় পরস্পরকে O বিন্দুতে ছেদ করে। প্রমাণ করতে হবে যে, AO = CO এবং BO = DO. প্রমাণ :

ধাপ	যথাৰ্থতা
<ul> <li>(১) AB    DC এবং AC তাদের ছেদক</li> <li>∴ ∠BAC = ∠ACD</li> <li>অর্থাৎ ∠OAB = ∠OCD</li> </ul>	(একান্তর কোশ)
(২) AB    DC এবং BD তাদের ছেদক ∴ ∠ABD = ∠BDC অর্থাৎ ∠OBA = ∠ODC	(একান্তর কোল)
(৩) এখন, ∆AOB ও ∆COD-এ ∠OAB = ∠OCD ∠OBA = ∠ODC এবং AB = DC ∴ ∆AOB ≅ ∆COD ∴ AO = CO এবং BO = DO (প্রমাণিত)	[ধাপ-১ হডে] [ধাপ-২ হডে] [রখসের বাহগুলো পরস্পর সমান] [কোণ-বাহ-কোণ উপপান্য]



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, ABCD সামান্তরিকের AC ও BD কর্ণবয় পরস্পরকে O বিশৃতে ছেদ করে । AB = AD হলে প্রমাণ করতে হবে যে, ∠AOB = । সমকোণ । প্রমাণ :

ধাপ	যথাৰ্থতা
<ul> <li>(২) △AOB ও △AOD-এ AB = AD BO = DO AO = AO</li> <li>∴ △AOB ≡ △AOD</li> <li>∴ △AOB ≡ △AOD</li> <li>∴ ∠AOB = ∠AOD</li> <li>(২) বিদ্তু ∠AOB + ∠AOD = 1 সরজকোশ বা, ∠AOB + ∠AOB = 2 সমকোশ বা, ∠AOB = 2 সমকোশ বা, ∠AOB = 1 সমকোশ</li> </ul>	[দেওয়া আছে] [সায়ান্তরিকের কর্ণমন্ত পরস্পরকে সমধিখনিত করে [সাধারুশ বাছ] [বাহু-বাহু উপপাদ্য] [বৈষিক ফুশল কোশ] [ধাপ-১ হতে]
∴ ∠AOB = 1 সমকোণ (প্রমাণিত) । (ক) প্রদন্ত তথ্যগুলো নিম্নে চিত্রের মাধ্য 4.4 সে.মি. a 5.5 সে.মি.	ম প্রকাশ করা হলো : -
x 60°	
a <u>4.4</u> সে.মি. <u>5.5</u> সে.মি.	

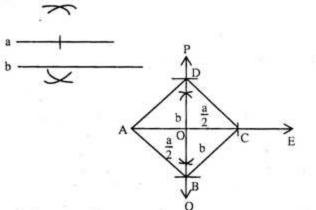


বিশেষ নির্বচন : ধরি, সামান্তরিকের দুইটি সন্নিহিত বাহুর দৈর্ঘ্য a = 4.4 সে.মি., b = 5.5 সে.মি. এবং অন্তর্ভুক্ত কোণ ∠x = 60° দেওয়া আছে। সামান্তরিকটি আঁকতে হবে।

- অঙ্কন ; (১) যেকোনো রশ্মি BE থেকে BC = b অংশ কাটি।
  - (২) B বিন্দুতে ∠CBF = ∠x আঁকি।
  - (৩) BF থেকে BA = a অংশ কাটি।
  - (8) A ও C কে কেন্দ্র করে ∠ABC এর অভ্যন্তরে যথাক্রমে b ও a এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি । বৃত্তচাপছয় D বিন্দুতে ছেদ করে ।
  - (৫) A, D ও C, D যোগ করি।
    - তাহলে, ABCD-ই উদ্দিষ্ট সামান্তরিক।

# https://teachingbd24.com

(1)



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, রম্বসের কর্ণদ্বয় a ও b দেওয়া আছে। রম্বসটি আঁকতে হবে।

**অঙ্কন : (১)** যেকোনো রশ্মি BE থেকে AC = b অংশ কাটি।

(২) AC রেখাংশের সমছিখণ্ডক PQ আঁকি যা AC কে O বিন্দুতে ছেদ করে। (৩) O বিন্দুকে কেন্দ্র করে PQ রেখার উপর AC

এর উভয় পার্শ্বে <u>a</u> এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে দুটি বৃত্তচাপ আঁকি ।

- বৃক্তচাপদ্বয় দুটি PQ রেখাকে B ও D বিন্দুতে ছেদ করে।
- (8) A, B; A, D; B, C ও C, D যোগ করি:
  - তাহলে, ABCD-ই উদ্দিষ্ট রম্বস।
- (ক) দেওয়া আছে, বৃত্তাকার শিটের পরিধি ১৫৭ সে.মি. ধরি, বৃত্তাকার শিটের ব্যাসার্ধ r সে.মি.

. বৃত্তাকার শিটের পরিধি ২্যার সে.মি.

শর্তমতে, ২মা = ১৫৭

260 বা, r =

∴ r = ২৪.৯৮৭ (প্রায়) বৃত্তাকার শিটের

$$=\pi r^{2}$$

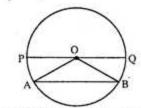
(1)

বিশেষ নির্বচন : মনে করি, O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তে AB ও CD দুইটি জ্যা এবং AB > CD I OE ও OF যথাক্রমে AB ও CD জ্যাদ্বয়ের উপর লম । প্রমাণ করতে হবে যে, AB জ্যাটি CD জ্যা অপেক্ষা কেন্দ্রের নিকটতর 👔 অঙ্চন : O, A এবং O, C যোগ করি।

প্রমাণ :

ধাপ	যথাৰ্থতা
(১) OE ⊥ AB এবং OF ⊥ CD	anne anne anne
∴ AE = $\frac{1}{2}$ AB এবং CF = $\frac{1}{2}$ CD	াকন্দ্র থেকে ব্যাস জিন্ন যেকোনো জ্ঞা-এর উপর অষ্টিত লম্ব ঐ জ্ঞাকে সমরিংগ্রিত করে)
(২) কিন্তু AB > CD,	(কল্পনা)
$\exists I, \frac{1}{2} AB > \frac{1}{2} CD$	। <mark>1</mark> হারা ভাগ করে।
$\therefore AE > CF$	(ধাপ-১ হতে)
(৩) এখন ∆OAE ও ∆OCF সমকোণী	
ত্রিভুঙ্গম্বয় হতে পাই,	
$OA^2 = AE^2 + OE^2$	
এবং $OC^2 = CF^2 + OF^2$	~
(8) কিন্তু OA = OC	(উভয়ে একই বৃত্তের ব্যাসার্ধ)
বা, $OA^2 = OC^2$	
ৰা, $AE^2 + OE^2 = CF^2 + OF^2$	[ধাপ-২ হতে]
$\therefore AE^2 - CF^2 = OF^2 - OE^2$	[পক্ষান্তর করে]
(8) এখন AE > CF	[ধাপ-২ হুডে]
বা, AE <sup>2</sup> > CF <sup>2</sup>	[বর্গ করে]
ৰা, $AE^2 - CF^2 > 0$	171041105475
বা, $OF^2 - OE^2 > 0$	খাপ-৩ হতে)
বা, $OF^2 > OE^2$	
ৰা, OE <sup>2</sup> < OF <sup>2</sup>	8 8
∴ OE < OF	
(৫) কিন্তু OE এবং OF কেন্দ্র O থেকে	
যথাক্রমে AB এবং CD জ্যা এর দূরতু।	
অর্থাৎ AB জ্যাটি CD জ্যা অপেক্ষা	
কেন্দ্রের নিকটতর। (প্রমাণিত)	

(1)



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তে PQ ব্যাস এবং AB ব্যাস ভিন্ন জ্যা। প্রমাণ করতে হবে যে, PQ বৃত্তের বৃহত্তম জ্যা। অর্থাৎ PQ > AB। জঙ্গন : O, A ও O, B যোগ করি।

প্রমাণ :

ধাপ		যথাৰ্থতা
() $OA = OB = OP = OQ$		(একই বৃত্তের ব্যাসার্ঘ)
(2) PQ = OP + OQ		
ৰা, PQ = OA + OB		(ধাপ-১ হতে)
(☉) ΔOAB-এ		1
OA + OB > AB		।ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাছর 
.∴ PQ > AB	(প্রমাণিত)	বাগকল তৃতীয় বাহু অপেক্ষা বৃহত্তর

#### ঘ–বিভাগ : তথ্য ও উপাত্ত

১০। (ক) উদ্দীপকের সারণি হতে ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারণি নিমরূপ:

মাসিক মজুরি (শত টাকায়)	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
Q2-QQ	\$	3
<b>6</b> 9 - 90	20	રહ
65 - 68	90	69
<u>66 - 90</u>	26	۹۵
90 - 66	>>	<b>४२</b>
96 – Vo	b	20
29 - 24	\$	৬
b.p - 90	8	200

উদ্দীপকের সারণি হতে গাণিতিক গড় নির্ণয়ের সারণি নিমর্প :

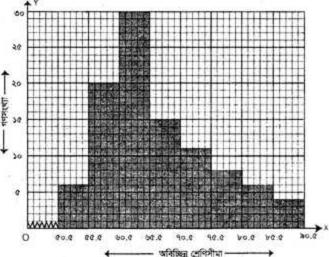
গণসংখ্যা fi	শ্রেণি মধ্যবিন্দু x,	f <sub>i</sub> x <sub>i</sub>
5	60	৩১৮
২০	62	2290
00	৬৩	2240
26	৬৮	2050
>>	৭৩	604
ъ	95	હર8
5	৮৩	895
8	ዲፋ	৩৫২
n = 200		$\sum f_i x_i = 22200$
	f <sub>1</sub> - - - 	fi         xi           B         CO           20         Cb           30         Sb           30         Sb

$$\therefore$$
 AV,  $\overline{x} = \frac{\sum f_i x_i}{n} = \frac{6660}{200} = 66.60$ 

উত্তর : ৬৬.৬৫ ।

উদ্দীপকের সারণি হতে আয়তলেখ অঙ্কনের সারণি নিমুরূপ : (1)

শ্ৰেণি ব্যৱধান	অবিচ্ছিন্ন শ্রেণিসীমা	গণসংখ্যা
22-62	2.22-2.02	৬
69-90	2000-2.22	20
65 - 60	50.0 - 50.0	00
44 - 90	90.0 - 90.0	20
95 - 98	90.0 - 90.0	22
96 - 60	90.0 - 0.00	ъ
27 - 26	20.0 - 20.0	৬
55-30	9.06 - 9.9d	8



ছক কাগজের ক্ষুদ্রতম প্রতি ঘরের দৈর্ঘ্যকে ১ একক ধরে x -অক্ষে শ্রেলিব্যবধান এবং y-অক্ষে গণসংখ্যা স্থাপন করে গণসংখ্যা নিবেশনের আয়তলেখ আঁকা হলো। x-অক্ষের মূলবিন্দু ০ থেকে ৫০.৫ ঘর পর্যন্ত ভাঙা চিহ্ন দিয়ে আগের ঘরগুলো বিদ্যমান বোঝানো হয়েছে।

### সমাধান (বহুনির্বাচনি) 51 (1) ব্যাখ্যা : প্রদন্ত প্যাটার্নটির পাশাপাশি দুটি সংখ্যার পার্থক্য ৫। ∴ পরবর্তী সংখ্যাটি = – ৬ – ৫ = – ১১ (可) 21 (事) 10 ব্যাখ্যা : বীজগণিতীয় রাশি = ক<sup>২</sup> – ১ : ১ম পদ = ১² - ১ = ০ .:. (i) নং সত্য ২য় পদ = ২<sup>২</sup> - ১ = ৩ ৩য় পদ = ৩<sup>2</sup> - ১ = ৮ ... ১ম তিনটি পদের সমষ্টি = o + o + ৮ = 22 . . . (ii) নং সত্য (i) ও (ii) নং হতে পাই প্রত্যেকটি পদ বিজোড় নয়। :. (iii) নং সত্য নয়। 81 (可) ব্যাখ্যা : চক্রবৃদ্ধি মূলধন, C = P (1 + r)<sup>n</sup> P = ২০০০ টাকা $= 2000 \times \left(2 + \frac{200}{20}\right)^{4}$ [14] $L = 20\% = \frac{700}{70}$ = ২৪২০ টাকা n = ২ বছর Q1 (4) ব্যাখ্যা : মুনাফা-আসল, A = ১০০০ X ২ = ২০০০ টাকা আসল, P = ১০০০ টাকা, সময়, n = ৬ বছর মুনাফা, l = ২০০০ – ১০০০ = ১০০০ টাকা :.भूनाकांत्र हात, $r = \frac{5000 \times 500}{5000 \times 6} [r = \frac{1}{pn}]$ = 36.69% 51 (1) ব্যাখ্যা : আসল, P = ১০০০ টাকা মুনাফা-আসল, A = ১০০০ X ৩ = ৩০০০ টাকা ∴ মুনাফা, I = ৩০০০ – ১০০০ = ২০০০ টাকা r = \$%.69% = 00 $\therefore n = \frac{2000 \times 500}{5000 \times \frac{20}{20}} [n = \frac{1}{pr}]$ = 25 91 (1) ব্যাখ্যা : ১ লি. বিশুদ্ধ পানির ওজন = ১ কেজি .. booo " " = (১ x ৮০০০) কেজি = ৮০০০ কেজি (ক) । খ ব্যাখ্যা : বাগানের ক্ষেত্রফল = (৩০ × ২০) বর্গমিটার = ৬০০ বর্গমিটার (\*) 31

ব্যাখ্যা : রান্তাবাদে বাগানের দৈর্ঘ্য = (৩০ – ২ × ৩) মিটার

= ২৪ মিটার

প্রস্থ = (২০ – ২ × ৩) মিটার = ১৪ মিটার

বরিশাল বোর্ড-২০১৭

= ৩৩৬ বর্গমিটার 🕂 রান্তার ক্ষেত্রফল = (৬০০ – ৩৩৬) বর্গমিটার = ২৬৪ বৰ্গমি. 501 (V) ब्राब्सा : 25 दर्ज = x + 1  $\xi \overline{x} = x^2 - 1 = (x + 1)(x - 1)$  $z = \tau^2 - 1 = (x + 1)(x^2 - x + 1)$  $x \neq z \neq z = (x - 1)(x - 1)(x^2 - x + 1)$  $= x^{2} - 1 \cdot (x^{2} - x - 1)$ . . . . . .  $r_{\text{const}} = 1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{$ = 1' - 1' - 1 - 1 1. 10: P. P.C. 키, 카, 한 = 1 -: (iii > > > = 221 (21) ব্যাখ্যা : a<sup>3</sup> - b<sup>3</sup> = 36 a - b = 3আমরা জানি,  $a^3 - b^3 = (a - b)^3 + 3ab (a - b)$ ৰা, 36 = 3<sup>3</sup> + 3ab. 3 বা, 9ab = 36 - 27  $41, ab = \frac{9}{9} = 1$ **)**२। (१) ব্যাখ্যা :  $x^2 - 4x + 1 = 0$  $\exists 1, x^2 + 1 = 4x$ বা, x +  $\frac{1}{x}$  = 4 (x দ্বারা ভাগ করে) বা,  $\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = 4^2 \left[$ বর্গ করে $\right]$  $rat, \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 4. x. \frac{1}{x} = 16$  $\exists 1, \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 = 16 - 4 = 12$ (F) + OC ব্যাখ্যা : '১২' এর ব্যাখ্যা হতে পাই,  $\left(x - \frac{1}{x}\right)^2 = 12$ All,  $x^2 + \frac{1}{x^2} - 2$ .  $x \cdot \frac{1}{x} = 12$  $\overline{1}, \ x^2 + \frac{1}{x^2} = 12 + 2$ বা,  $\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right)^2 = (14)^2$  [বর্গ করে]  $\exists 1, x^4 + \frac{1}{x^4} + 2. x^2, \frac{1}{x^2} = 196$  $\therefore x^4 + \frac{1}{x^4} = 196 - 2 = 194$ 581 (本) ব্যাখ্যা : যোগফল =  $\frac{a}{b} - 1 + 1 - \frac{a}{b} = 0$ .:. (i) নং সত্য ভাগফল =  $\left(\frac{a}{b} - 1\right) + \left(1 - \frac{a}{b}\right)$  $=\frac{a-b}{b}\times\frac{b}{b-a}=-1$ 

" ক্ষেত্রফল = (২৪ × ১৪) বর্গমিটার

## https://teachingbd24.com

:. (ii) নং সত্য छन्छन् =  $\left(\frac{a}{b} - 1\right) \times \left(1 - \frac{a}{b}\right)$  $=\frac{a-b}{b}\times\frac{b-a}{b}$  $=\frac{-(a-b)^2}{b^2}$ .:. (iii) নং সত্য নয়। 301 (4) ব্যাখ্যা :  $\frac{x^2}{x^2 - 16} - \frac{x}{x + 4}$  $=\frac{x^2}{(x-4)(x+4)}-\frac{x}{x+4}$  $=\frac{x^2-x^2+4x}{(x-4)(x+4)}$  $=\frac{4x}{x^2-16}$ 561 (F) ব্যাখ্যা : x – y = 2a বা, x = 2a + y .....(i)  $\mathfrak{A}\mathfrak{A}\mathfrak{t} ax + by = a^2 + b^2$ .বা, a(2a + y) + by = a<sup>2</sup> + b<sup>2</sup> [(i) হতে]  $a_1, 2a^2 + ay + by = a^2 + b^2$  $\overline{a}$ , (a + b)  $\sqrt[q]{a} = a^2 + b^2 - 2a^2$  $\overline{a}, y = \frac{b^2 - a^2}{a + b} = \frac{(b - a)(b + a)}{(a + b)}$ = b - a $\therefore x = 2a + b - a$ = a + b $\therefore (\mathbf{x}, \mathbf{y}) = (\mathbf{a} + \mathbf{b}, \mathbf{b} - \mathbf{a})$ 391 (4) ব্যাখ্যা : 5 বছর আগে পিতার বয়স (65 – 5) = 60 বছর পুত্রের " (25 – 5) = 20 বছর .: বয়সের অনুপাত = 60 : 20 = 3 : 1 .:. (i) নং সত্য 15 বছর পূর্বে বয়সের সমষ্টি = (65 – 15) + (25 – 15) = 50 + 10 বছর = 60 বছর .:. (ii) নং সত্য নয় 15 বছর পর পুত্রের বয়স = 25 + 15 = 40 বছর 15 " " পিতার " = 65 + 15 = 80 = 2 × পুত্রের বয়স .: (iii) নং সত্য 351 (1) ব্যাখ্যা : R<sup>c</sup> = U - R  $= \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\} - \{4, 5, 6, 7\}$  $= \{1, 2, 3, 8\}$ >> I (₹) ব্যাখ্যা : ভেনচিত্র থেকে পাই,  $P = \{1, 2, 4, 5\}, Q = \{2, 3, 5, 6\}, R$ = {4, 5, 6, 7}  $\therefore P \cap Q \cap R = \{1, 2, 4, 5\} \cap \{2, 3, 5, 6\} \cap \{4, 5, 6, 7\}$  $= \{5\}$ 201 (\*) ব্যাখ্যা : N = {1, 2, 3, 4, 5, .....} যেহেতু x∈N সুতরাং x = 1, 2, 3 ও 4 এর জন্য প্রদন্ত শর্ত সিন্ধ হয়।  $\therefore B = \{1, 2, 3, 4\}$ 

シン (本) 221 (本) ব্যাখ্যা : আয়তাকার ঘনবস্তুর সমগ্র পৃষ্ঠতলের ক্ষেত্রফল = 2 (ab + bc + ca) $= 2(6 \times 5 + 5 \times 4 + 6 \times 4)$ = 2 × 74 = 148 বর্গ সে.মি. 201 (4) ব্যাখ্যা : AD = BE = 10 সে.মি.  $\therefore CE = BC - BE$ = 20 - 10 = 10 মিটার  $\angle E = 90^{\circ}$ :.  $\Delta DEC$  এর ক্ষেত্রফল =  $\frac{1}{2} \times DE \times CE$  $=\frac{1}{2} \times 12 \times 10$ = 60 বগমিটার 28 (1) ব্যাখ্যা : ABED এর ক্ষেত্রফল = 10 × 12 = 120 বর্গমিটার : ABCD এর ক্ষেত্রফল = (120 + 60) বর্গমিটার = 180 বর্গমিটার 201 (1) ব্যাখ্যা : ধরি, বৃহত্তম বাহর দৈর্ঘ্য 3x মিটার ক্ষুদ্রতম " " 2x মিটার (3x + 2x) = 20বা, 5x = 10 ৰা, x = 2 ∴ বৃহত্তম বাহুর দৈর্ঘ্য = 3 × 2 = 6 মিটার 261 (4) ব্যাখ্যা : AB = 5 সে.মি. AC = 13 (7. A. পিথাগোরাসের উপপাদ্য অনুসারে,  $BC = \sqrt{AC^2 - AB^2}$  $=\sqrt{13^2-5^2}$  $=\sqrt{169-25}$  $=\sqrt{144}$ = 12 সে.মি. 291 (8) ব্যাখ্যা : বৃত্তাকার বাগানের ব্যাস ২০ ফুট " ব্যাসার্ধ, r = <del>২০</del> = ১০ ফুট " (ক্ষেত্ৰফল =  $\pi r^2 = \pi \times 30^2$ = ১০০π বর্গফুট রান্তাসহ বৃত্তাকার বাগানের ক্ষেত্রফল = π (১০ + ৩)² = ১৬৯π " . রাস্তার ক্ষেত্রফল = ১৬৯π – ১০০π = ৬৯৫ বর্গফুট 221 (4) 231 (1) 001 (1) ৰ্যাখ্যা : শ্ৰেণি সংখ্যা = (সৰ্বোচ্চ মান – সৰ্বনিমমান) + ১ শ্ৰেণিব্যান্তি  $=\frac{(40-50)+3}{6}$ 

= ৮.২ = ৯ (পূর্ণসংখ্যায়)

## https://teachingbd24.com